

Traccia di Soluzione 2a prova - 9 feb 2002

Esercizio A

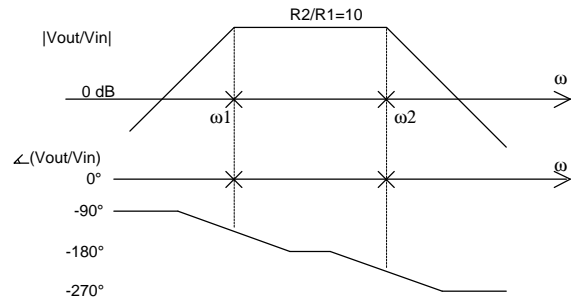
1) $(V_{out}/V_{in})_{ideale} = -Z_2/Z_1 = -R_2/(1+sR_2C_2) * sC_1/(1+sR_1C_1) = (-R_2/R_1) * sR_1C_1/(1+sR_1C_1) * 1/(1+sR_2C_2)$.

$R_2/R_1 = 10k\Omega/1k\Omega = 10$;

$R_1C_1 = 1k\Omega * 100nF = 100 \mu s \rightarrow \omega_1 = 10 \text{ krad/s}$;

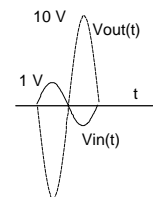
$R_2C_2 = 10k\Omega * 0.1nF = 1 \mu s$; $\rightarrow \omega_2 = 1 \text{ Mrad/s}$.

2) Il circuito e' un filtro passa-banda con banda passante pari a $(\omega_2 - \omega_1) = 990 \text{ krad/s}$.

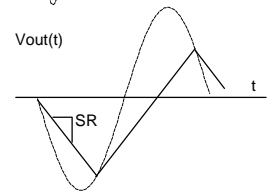


3) Essendo $\omega_1 < \omega_n = 100 \text{ krad/s} < \omega_2$ siamo a centro banda, quindi $V_{out}/V_{in}(j\omega_n) = -10$ (vedi punto 2).

Quindi $V_{out}(t) = (-10) * 1 \text{ V} * \sin(\omega_n t) = -10V * \sin(\omega_n t)$.

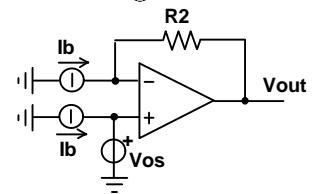


4) $(dV_{out}/dt)_{max} = \omega_n * (V_{out})_{max} = 10V * 100 \text{ krad/s} = 10V/10\mu s = 1V/1\mu s$. Essendo $(dV_{out}/dt)_{max} > SR$ la $V_{out}(t)$ non potra' seguire l'andamento calcolato al punto 3 ma risultera' distorta (vedi grafico approssimato).



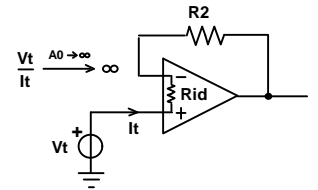
5) $V_{out}|_{V_{os}} = V_{os} * 1 = \pm 5 \text{ mV}$; $V_{out}|_{I_b} = -I_b * R_2 = \pm 100nA * 10k\Omega = \pm 1 \text{ mV}$;

$|V_{out}|_{max} = |V_{out}|_{V_{os}} + |V_{out}|_{I_b} = 6 \text{ mV}$.

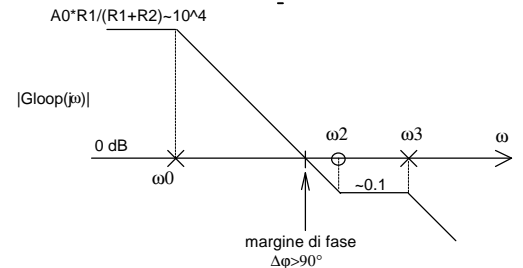


6) $R_+ = R_{ol} * (1 - \text{Gloop})$, dove $R_{ol} = R_{id} + R_2 = 510k\Omega$; $\text{Gloop} = A_0 * R_{id} / R_{ol} \approx 10^5 * 0.98 \approx 10^5$.

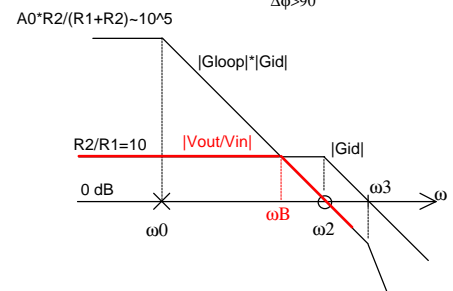
Quindi $R_+ \approx 510k\Omega * 10^5 = 51 \text{ G}\Omega$.



7) $\text{Gloop}(j\omega) = -A(s) * (R_1/(R_1+R_2)) * (1+s/\omega_2)/(1+s/\omega_3)$ con $\omega_2 = 1/(R_2C_2) = 1 \text{ Mrad/s}$ e $\omega_3 = 1/(R_1C_1) = 11 \text{ Mrad/s}$. Nel punto di attraversamento dell'asse a 0 dB $\angle \text{Gloop}$ e' $\sim (-270^\circ)$, per cui $\Delta\phi \sim 90^\circ$. Il circuito e' incondizionatamente stabile.



8) La risposta in frequenza V_{out}/V_{in} si puo' ottenere per via grafica come mostrato nel diagramma di Bode (curva rossa). La banda passante del circuito e' pari a ω_B , limitata dal GBWP dell'operazionale. Risulta $(R_2/R_1) * \omega_B = (A_0\omega_0) * R_2 / (R_1+R_2)$ da cui $\omega_B = (A_0\omega_0) / 11 \approx 10^5 \text{ rad/s}$.



Esercizio B

1) $V_{o2|max}=20 \cdot V_{in|max}=20 \cdot 250 \text{ mV}=5 \text{ V}$ cioè la tensione analogica all'ingresso dell'ADC varia tra 0 e V_{ref} . Quindi $n=\log_2(1000)=9.97 \rightarrow n=10$ bit.

All'uscita V_{o2} : $1 \text{ LSB}_{out} = 5 \text{ V}/1024 = 4.88 \text{ mV}$

All'ingresso V_{in} : $1 \text{ LSB}_{in} = 1 \text{ LSB}_{out}/20 = 0.244 \text{ mV}$

2) Per un ADC a gradinata $T_{conv}=2^n/f_{clock}=1024 \cdot 1 \mu\text{s}=1024 \mu\text{s}$. Per un ADC ad approssimazioni successive (SAR) risulta $T_{conv}=n/f_{clock}=10 \cdot 1 \mu\text{s}=10 \mu\text{s}$. Perciò solo l'ADC SAR può completare la conversione in un tempo inferiore a $T_{hold}=100 \mu\text{s}$.

3) A causa della corrente di bias la tensione su C varia linearmente: $dV_c/dt=I_b+/C=100 \text{ nA}/10 \text{ nF}=10 \text{ V/s}$. Affinche' $|dV_c/dt| < \text{LSB}_{out}/T_{hold}$ deve essere $T_{hold} < 4.88 \text{ mV}/10 \text{ V/s}=488 \mu\text{s}$.

4) Nel caso peggiore $V_c(t)$ e' un transitorio di carica da 0 a $(20 \cdot V_{in|max})=5 \text{ V}$. Affinche' dopo un tempo T_s l'errore sia inferiore a $1/1024$ deve essere $\exp(-T_s/\tau) < 1/1024$ da cui $\tau=R_{on} \cdot C < T_s/6.9$ e $R_{on} < 14.4 \Omega$.

5) Il guadagno reale del buffer risulta $A_0/(1+A_0) \cong 1 \cdot (1-1/A_0)$. L'errore di guadagno e' pertanto $1/A_0=10^{-5}$, trascurabile rispetto alla risoluzione dell'ADC ($1/1024$).